

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ  
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«ЛИПЕЦКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ПЕДАГОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ  
ИМЕНИ П.П. СЕМЕНОВА-ТЯН-ШАНСКОГО»  
(ЛГПУ имени П.П. Семенова-Тян-Шанского)**

**УТВЕРЖДАЮ**  
Ректор ЛГПУ  
имени П.П. Семенова-Тян-Шанского

  
Н.В. Федина

«26» сентября 2019 г.



**ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ  
ПО НАПРАВЛЕНИЮ ПОДГОТОВКИ  
ПРИ ПРИЕМЕ НА ОБУЧЕНИЕ ПО ПРОГРАММАМ МАГИСТРАТУРЫ**

**Направление подготовки  
44.04.01 ПЕДАГОГИЧЕСКОЕ ОБРАЗОВАНИЕ**

**Магистерская программа  
МАТЕМАТИЧЕСКОЕ ОБРАЗОВАНИЕ**

**Липецк – 2019**

### **Пояснительная записка**

Программа вступительного испытания составлена в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 44.04.01 «Педагогическое образование» (уровень магистратуры), (утвержден приказом Минобрнауки России от 21.11.2014 № 1505, зарегистрирован в Минюсте России 19.12.2014 № 35263), предъявляемыми к уровню подготовки, необходимой для освоения специальной подготовки магистра.

Вступительное испытание (собеседование) проводится для граждан, имеющих высшее профессиональное образование (диплом бакалавра, специалиста, магистра), соответствующее профилю магистерской программы, или меняющих профиль предыдущего образования.

На вступительном испытании поступающий должен продемонстрировать владение теоретическими и практическими знаниями по дисциплинам: алгебра, геометрия, математический анализ, численные методы, дифференциальные уравнения, теория вероятностей, математическая статистика и др., методика преподавания математики.

Цель программы – выявление уровня владения и знаний аспектов дисциплин математического профиля, методики преподавания математики и профессиональных умений лиц, поступающих в ФГБОУ ВО «Липецкий государственный педагогический университет имени П.П. Семенова-Тян-Шанского» (ЛГПУ).

### **Формы проведения вступительных испытаний**

Вступительное испытание проводится в виде устного собеседования.

Объем знаний и степень владения материалом, описанным в программе, соотносятся с базовыми вузовскими курсами дисциплин: алгебры, геометрии, математического анализа, численных методов, дифференциальных уравнений, теории вероятностей и математической статистики и других дисциплин, методики преподавания математики. Для ответа по экзаменационным вопросам кандидату достаточно уверенно владеть теоретическим материалом тем, перечисленных в настоящей программе.

Вступительные испытания оцениваются по 100-балльной системе. Минимальный положительный балл – 40. Устный экзамен предполагает, экзаменационная комиссия проводит с кандидатом собеседование по трем вопросам программы, которые оцениваются в соответствии с прилагаемыми критериями оценок.

Собеседование проводится в устной форме. Собеседование кроме ответа на теоретический вопрос включает и профорientационные вопросы: обсуждение предполагаемой темы исследования, уточнение области научных интересов, вопросы по выпускной квалификационной работе (бакалаврской или дипломной) и т.п.

№ п/п	Критерии оценивания	Баллы
1	ответ полностью соответствует содержанию вопроса; имеется обоснованность и доказательность положений; имеются четкие собственные выводы; имеется четкое представление аргументов в пользу полученных выводов; присутствует логика изложения материала, владение материалом - свободное, уверенное; ответ правильный, уверенный, полный и четкий;	81-100
2	ответ в основном соответствует содержанию вопроса; в большей степени имеется обоснованность и доказательность положений; имеются собственные выводы; имеется представление аргументов в пользу полученных выводов; в основном присутствует логика изложения материала, владение материалом - в основном свободное, уверенное; ответ в основном правильный, уверенный, полный, четкий, однако имеет незначительные погрешности, исправленные после уточняющих вопросов.	60-80
3	ответ частично соответствует содержанию вопроса; частично имеется обоснованность и доказательность положений; частично имеются собственные выводы; частично имеется представление аргументов в пользу полученных выводов; частично присутствует логика изложения материала, владение материалом – не уверенное; ответ неполный, нечеткий, отдельные положения неправильные, но после уточняющих вопросов в основном достигается необходимая полнота ответа.	40-59
4	ответ не соответствует содержанию вопроса; не имеется обоснованность и доказательность положений; не имеются собственные выводы; не имеется представление аргументов в пользу полученных выводов; не присутствует логика изложения материала, не владеет материалом; ответ неправильный, содержит существенные, принципиальные ошибки, отвечающий не понимает сущности излагаемого вопроса и не дает ответа на него.	Менее 40

Результаты устного собеседования объявляются сразу после проведения собеседования и в тот же день оформляются в установленном порядке в экзаменационной ведомости.

### ***Цели и задачи вступительных испытаний***

Цель устного вступительного испытания: осуществить конкурсный отбор абитуриентов на основе оценки знаний абитуриентов по основным вопросам математики и методики ее преподавания.

Задачи устного вступительного испытания:

- определить уровень базовой подготовки в области математики и методики её преподавания, а также готовность абитуриента к освоению выбранной магистерской программы;
- определить склонности к научно-исследовательской деятельности;
- выяснить мотивы поступления в магистратуру;
- определить область научных интересов абитуриента.

Поступающий в магистратуру должен:

*знать:*

- сущность и социальную значимость своей будущей профессии, основные проблемы дисциплин, определяющих конкретную область его деятельности, видеть их взаимосвязь в целостной системе знаний;

- основы педагогической деятельности и методологии психолого-педагогического исследования.

*уметь:*

- приобретать новые знания, используя современные информационные образовательные технологии;

- определять цели и формулировать задачи, связанные с реализацией профессиональных функций;

- использовать для решения профессиональных задач методы изученных наук.

*владеть:*

- культурой мышления, знать общие законы мыслительной деятельности, уметь в письменной и устной речи правильно оформлять ее результаты;

- владеть различными способами сбора, хранения и обработки научной и другой информации, необходимой для его профессиональной деятельности.

## 2. Содержание программы

### *Математика*

1. Бинарные отношения. Отношения эквивалентности и разбиение на классы, фактор-множество.
2. Группа. Примеры групп. Простейшие свойства группы. Гомоморфизмы и изоморфизмы групп.
3. Кольцо. Примеры колец. Простейшие свойства кольца. Подкольцо. Гомоморфизмы и изоморфизмы колец.
4. Система натуральных чисел. Принцип математической индукции.
5. Кольцо целых чисел. Теорема о делении с остатком. Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное двух чисел.
6. Поле. Простейшие свойства поля. Поле рациональных чисел. Примеры полей. Упорядоченное поле. Система действительных чисел.
7. Поле комплексных чисел. Числовое поле. Геометрическое представление комплексных чисел и операций над ними. Тригонометрическая форма комплексного числа.
8. Равносильные системы линейных уравнений. Критерий совместности системы линейных уравнений. Исследование систем линейных алгебраических уравнений. Правило Крамера. Метод Гаусса.
9. Векторное пространство. Примеры и простейшие свойства векторных пространств. Линейная зависимость и независимость системы векторов. Базис и ранг конечной системы векторов.
10. Следствие системы линейных уравнений. Равносильные системы линейных уравнений. Критерий совместности системы линейных уравнений. Решение системы линейных уравнений методом последовательного исключения переменных.
11. Базис и размерность конечномерного векторного пространства. Подпространства. Линейные многообразия. Изоморфизмы векторных пространств.
12. Простые числа. Бесконечность множества простых чисел. Каноническое разложение составного числа и его единственность.
13. Основные свойства сравнений. Полная и приведенная система вычетов. Теоремы Эйлера и Ферма. Линейные сравнения с одной переменной.
14. Приложение теории сравнений к выводу признаков делимости. Обращение обыкновенной дроби в десятичную и определение длины периода десятичной дроби.
15. Полиномы над полем. Наибольший общий делитель двух полиномов и алгоритм Евклида. Разложение полинома в произведение неприводимых множителей и его единственность.

16. Алгебраическая замкнутость поля комплексных чисел. Сопряженность мнимых корней полинома с действительными коэффициентами. Неприводимые над полем действительных чисел полиномы.
17. Строение простого алгебраического расширения поля. Освобождение от алгебраической иррациональности в знаменателе дроби.
18. Трехмерное евклидово пространство. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов. Приложения к решению задач.
19. Группа движений (перемещений) плоскости. Классификация движений. Приложения движений к решению задач.
20. Группа преобразований подобия плоскости и ее подгруппы. Приложения преобразований подобия к решению задач.
21. Группа аффинных преобразований плоскости и ее подгруппы. Приложение аффинных преобразований к решению задач.
22. Взаимное расположение двух плоскостей, прямой и плоскости, двух прямых в пространстве (в аналитическом изложении).
23. Проективная плоскость и ее модели. Группа проективных преобразований. Приложение к решению задач.
24. Изображения плоских и пространственных фигур в параллельной проекции. Позиционные и метрические задачи.
25. Система аксиом Вейля трехмерного евклидова пространства, её непротиворечивость. Связь системы аксиом Вейля с аксиомами школьного курса геометрии.
26. Многоугольники. Площадь многоугольника, теорема существования и единственности. Равновеликость и равноставленность.
27. Плоскость Лобачевского. Непротиворечивость системы аксиом плоскости Лобачевского. Взаимное расположение прямых на плоскости Лобачевского.
28. Топологическое пространство. Топологическое многообразие. Эйлерова характеристика двумерного многообразия. Теорема Эйлера для многогранников.
29. Линии и поверхности в евклидовом пространстве. Гладкие линии и гладкие поверхности. Первая квадратичная форма поверхности и ее приложения.
30. Элементы теории множеств. Мощность множества. Счетные множества и их свойства. Счетность множества рациональных чисел. Несчетность множества действительных чисел.
31. Отображение множеств (функция). Предел и непрерывность функции в точке. Основные свойства непрерывных функций на отрезке.
32. Предел числовой последовательности. Существование верхней грани ограниченного сверху множества. Теорема о пределе монотонной последовательности. Число "e".
33. Теорема Больцано-Вейерштрасса. Необходимый и достаточный признак сходимости последовательности.
34. Определение и свойства степени. Степенная функция. Степень в комплексной области.
35. Показательная функция, ее основные свойства. Разложение в степенной ряд. Показательная функция комплексной переменной. Формулы Эйлера.
36. Логарифмическая функция, ее основные свойства. Разложение в степенной ряд. Логарифмическая функция комплексной переменной.
37. Тригонометрические функции, их основные свойства. Разложение синуса и косинуса в степенной ряд. Синус и косинус в комплексной области.
38. Дифференцируемые функции одной действительной переменной. Геометрический и механический смысл производной. Правила дифференцирования. Производная сложной функции и инвариантность формы первого дифференциала. Дифференцирование обратной функции. Производные и дифференциалы высших порядков.
39. Теорема Лагранжа. Условия постоянства, монотонности и выпуклости функции на промежутке. Экстремумы и точки перегиба.
40. Первообразная и неопределенный интеграл. Интегрирование подстановкой и по частям. Интегрирование элементарных функций.
41. Определенный интеграл и его свойства. Интегрируемость непрерывной функции. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям. Формулы приближенного вычисления определенных интегралов.

42. Площадь плоской фигуры и длина дуги. Приложения определенного интеграла к вычислению площади плоской фигуры, объема тела вращения, длины дуги, площади поверхности вращения.
43. Частные производные и дифференцируемость функции в точке.
44. Неявная и обратная функции.
45. Числовые ряды. Признаки сходимости: Даламбера и интегральный. Абсолютно и условно сходящиеся ряды.
46. Функциональные последовательности и ряды. Равномерная сходимость. Степенные ряды в комплексной области. Круг сходимости.
47. Формула и ряд Тейлора. Биномиальный ряд.
48. Кратные интегралы, их свойства и применения. Криволинейные интегралы. Общая схема применения кратных интегралов Римана к задачам геометрии, механики и физики.
49. Интеграл Лебега по измеримому множеству конечной меры. Связь интеграла Лебега с интегралом Римана. Предельный переход под знаком интеграла.
50. Численные методы в алгебре.
51. Численное решение нелинейных уравнений и систем уравнений. Методы простой итерации, Ньютона, модифицированный метод Ньютона, метод секущих. Сходимость.
52. Приближение функций. Интерполирование алгебраическими многочленами. Погрешность интерполяционной формулы.
53. Задача интерполирования. Интерполяционный многочлен Лагранжа. Оценка погрешности.
54. Численное дифференцирование и интегрирование. Формула прямоугольников, формула трапеций, формула Симпсона. Оценка погрешности.
55. Решение обыкновенного дифференциального уравнения первого порядка численными методами (Эйлера, Эйлера-Коши, Рунге-Кутты).
56. Функции комплексной переменной. Дифференцирование и интегрирование функций комплексной переменной. Теорема Коши и интегральная формула Коши. Понятие аналитической функции.
57. Ряды Тейлора и Лорана. Вычеты.
58. Метрические пространства. Открытые и замкнутые множества. Полные метрические пространства. Теорема Банаха о сжимающем отображении и ее приложения.
59. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка. Уравнения с разделяющимися переменными. Линейные уравнения.
60. Существование и единственность решения задачи Коши.
61. Линейные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами, их применение к изучению свободных и вынужденных колебаний.
62. Алгебра логики.
63. Вероятность случайного события. Основные свойства вероятности. Условная вероятность.
64. Случайные величины и законы их распределения.
65. Числовые характеристики случайных величин.
66. Методы проверки статистических гипотез.

### ***Методика преподавания математики***

1. Цели обучения математике. Иерархия в установлении образовательных, воспитательных и развивающих целей учебного процесса.
2. Анализ и синтез; индукция и дедукция; наблюдение, сравнение и аналогия; систематизация, обобщение и конкретизация. Многоаспектность их проявления в обучении математике.
3. Обучение математическим понятиям. Методика введения и формирования понятий.
4. Методика работы с теоремой.
5. Задачи в обучении математике. Методические требования к системе задач по теме.
6. Профильная и уровневая дифференциация.
7. Методика изучения натуральных чисел.
8. Методика изучения рациональных чисел.
9. Методика изучения действительных чисел.

10. Методика изучения уравнений и неравенств в школьном курсе математики.
11. Алгоритмы в школьном курсе.
12. Системы уравнений и неравенств. Методика их изучения.
13. Понятие функции в школьном курсе математики.
14. Методика изучения линейной функции.
15. Методика изучения квадратичной функции.
16. Методика изучения показательной и логарифмической функции.
17. Методика изучения степенной функции.
18. Производная. Исследование функции и построение графика.
19. Интеграл в школьном курсе.
20. Проблемы построения школьного курса геометрии.
21. Геометрические построения на плоскости и в пространстве.
22. Геометрические преобразования в школьном курсе геометрии.
23. Параллельность прямых и плоскостей на плоскости и в пространстве.
24. Методика изучения темы "Многоугольники".
25. Перпендикулярность прямых и плоскостей на плоскости и в пространстве.
26. Методика изучения темы "Многогранники".
27. Тела вращения.
28. Векторы на плоскости и в пространстве.
29. Координаты на плоскости и в пространстве.
30. Геометрические величины (длины, углы, площади, объемы).

#### **Литература, рекомендуемая при подготовке к устному экзамену**

*При подготовке вопросов к экзамену может быть использована по выбору студента литература, указанная в списке, может использоваться и другая литература.*

1. Архипов Г.И., Садовничий В.А., Чубариков, В.Н. Лекции по математическому анализу. - М.: Дрофа, 2004. - 638с.
2. Баврин И.И. Математический анализ. - М.: Высш. шк., 2006 – 326с.
3. Берман Г. Н. Сборник задач по курсу математического анализа. - СПб.: Профессия, 2008. - 432с.
4. Виноградова И.А., Олехник С. Н., Садовничий В. А. Задачи и упражнения по математическому анализу: в 2-х ч.. - М.: Дрофа, 2001. -724с, 710с.
5. Демидович Б.П. Сборник упражнений по математическому анализу. - М.: Астрель, 2004. - 558с.
6. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Основы математического анализа: Учеб.: В 2 ч.: М., Наука, 1982, М.: Физматлит, 2002.
7. Фихтенгольц Г.М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. В 3-х т. - М.: Физматлит, 2003. – 479с., 863с., 727с. (2001. – 679с.)
8. Шибинский В.М. Примеры и контрпримеры в курсе математического анализа - М.: Высшая школа, 2007. - 543с.
9. Калитвин А.С. Лекции по математическому анализу. Ч. 1. Введение в математический анализ: учебное пособие. – Липецк: ЛГПУ, 2006. – 83с.
10. Калитвин А.С. Лекции по математическому анализу. Ч. II. Дифференциальное исчисление функций одной переменной: учебное пособие. – Липецк: ЛГПУ, 2009.- 92с.
11. Калитвин А.С. Ряды: учебное пособие. – Липецк: ЛГПУ, 2008. – 56с.
12. Калитвин А.С. Дифференциальное и интегральное исчисления функций нескольких переменных : учебное пособие. – Липецк: ЛГПУ, 2008. – 86 с.
13. Колмогоров А.Н., Фомин С.В. Элементы теории функций и функционального анализа.- 7-е изд. - М.: Физматлит, 2004. -570с.
14. Кудрявцев Л.Д. Курс математическо анализа : В 3-х т. - М.: Дрофа, 2004. - 720 с. (2003. – 703с.)
15. Натансон И.П. Теория функций вещественной переменной : учебное пособие для студентов вузов - 4-е изд., стер. - М.: Лидер-М, 2008. – 479с.
16. Свешников А.Г., Тихонов А.Н. Теория функций комплексной переменной: М.: Физматлит, 2001. - 335с.

17. Баврин И.И. Аналитическая геометрия. М.: ВШ, 2005.
18. Цубербиллер О.Н. Задачи и упражнения по аналитической геометрии. Спб.: Лань, 2003.
19. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Аналитическая геометрия. М.: Наука, 2003.
20. Курош А.Г. Курс высшей алгебры. – Спб. Лань, 2004. – 431 С.
21. Проскуряков И.В. Сборник задач по линейной алгебре. СПб: Лань, 2010. – 480 С. (<http://www.twirpx.com/file/960758/>)
22. Фаддеев Д.К., Соминский И.С. Сборник задач по высшей алгебре. СПб: Лань, 2008. – 288 С. (<http://www.unibytes.com/MUmqMp7r1.kLqw-Us4P3UgBB>)
23. Калитвин А.С. Курс лекций по обыкновенным дифференциальным уравнениям.- Липецк: ЛГПУ, 2007. 340 с.
24. Калитвин А.С. Курс лекций по обыкновенным дифференциальным уравнениям: издание второе, переработанное.- Липецк: ЛГПУ, 2008. 340 с.
25. Калитвин А.С. Дифференциальные уравнения.- Липецк: ЛГПУ, 2008. 302 с. (Лауреат Всероссийского конкурса «Лучшие издания по математике», организованного и проведенного НМС по математике МО РФ в 2010 году).
26. Филиппов А.Ф. Сборник задач по дифференциальным уравнениям. - Москва-Ижевск: НИЦ «Регулярная и хаотическая динамика», 2004. 176 с.
27. Петровский И.Г. Лекции по теории обыкновенных дифференциальных уравнений. -М.: Наука, 1970. 280 с.
28. Тихонов А.Н., Васильева А.Б., Свешников А.Г. Дифференциальные уравнения. - М.: Наука, 1985. 231 с.
29. Баврин, И.И. Теория вероятностей и математическая статистика / И.И. Баврин. – М.: Высш. шк., 2005.
30. Гмурман, В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика / В.Е. Гмурман. - М.: Высш. шк., 2005.
31. Гмурман, В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистики / В.Е. Гмурман. - М.: Высш. шк., 2009.
32. Кузнецова, Е.В. Основы теории вероятностей и математической статистики: учебное пособие / Е.В. Кузнецова, Т.П. Фомина. – Липецк: ЛГТУ, 2009.
33. Калитвин В.А. Численные методы. Использование Python: Учебное пособие. –Липецк: ЛГПУ, 2010. -158 с.
34. Калитвин В.А. Численные методы. Использование C++: Учебное пособие. –Липецк: ЛГПУ, 2019. -143 с.
35. Калитвин В.А. Электронный курс «Численные методы». <http://academia48.ru>.